

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 5 ПО ТЕМЕ „Тригонометрические формулы” (10 – 11)

I вариант

II вариант

1. Докажите тождество:

$$\frac{\sin^2 \alpha}{1 - \cos \alpha} - 1 = \cos \alpha$$

2. Вычислите:

- a) $2 \sin 7^\circ 30' \cos 7^\circ 30' \cos 15^\circ$
 б) $\cos 115^\circ + \cos 65^\circ$

3. Решите уравнения:

а) $\sin 5x \cos \frac{\pi}{8} = 1 - \sin \frac{\pi}{8} \cos 5x$

б) $\sin 3x + \sin x = 0$

в) $\sin 2x - 4 \sin x = 0$

г) $2 \sin^2 \frac{x}{4} + \sin \frac{\pi}{4} = 2 \cos^2 \frac{\pi}{8} - 1$

4. Упростите:

$$\frac{\cos^2(\pi + \alpha) \cdot \operatorname{ctg}(\frac{3\pi}{2} + \alpha)}{\sin(\pi - \alpha) \cdot \operatorname{tg}(\frac{\pi}{2} + \alpha)}$$

$$\sin(\pi - \alpha) \cdot \operatorname{tg}(\frac{\pi}{2} + \alpha)$$

1. Докажите тождество:

$$\frac{\cos^2 \alpha}{1 - \sin \alpha} - 1 = \sin \alpha$$

2. Вычислите:

- а) $2 \sin 11^\circ 15' \cos 1^\circ 15' \cos 22^\circ 30'$
 б) $\cos 105^\circ + \cos 75^\circ$

3. Решите уравнения:

а) $\sin 4x \cos \frac{\pi}{10} = 1 + \sin \frac{\pi}{10} \cos 4x$

б) $\cos 3x + \cos x = 0$

в) $\sin 2x - 4 \cos x = 0$

г) $2 \cos^2 \frac{x}{6} + \cos \frac{\pi}{4} = 1 - 2 \sin^2 \frac{\pi}{8}$

4. Упростите:

$$\frac{\operatorname{tg}(\pi - \alpha) \cdot \sin^2(\frac{\pi}{2} + \alpha)}{\operatorname{ctg}(\pi + \alpha) \cdot \cos(\frac{3\pi}{2} - \alpha)}$$

$$\operatorname{ctg}(\pi + \alpha) \cdot \cos(\frac{3\pi}{2} - \alpha)$$